

פיזיקה 2אא

פרק 9 - קבלים

תוכן העניינים

1. הסבר על קיבול ושיטות לחישוב קיבול.....1
2. אנרגיה האגורה בקבל וכוח על חומר דיאלקטרי.....3

הסבר על קיבול ושיטות לחישוב קיבול:

שאלות:

(1) קבל גלילי

קבל גלילי מורכב משתי קליפות גליליות מוליכות באורך L ורדיוסים a, b .

א. מצא את הקיבול של הקבל $L \gg a, b$.

ב. כעת ממלאים את הקבל בחומר דיאלקטרי בעל קבוע משתנה.

k_1 כאשר $a < r < d$ ו- k_2 כאשר $d < r < b$. מצא את הקיבול החדש.

ג. טוענים את הקבל במטען Q , מצא את התפלגות המטען במרחב (חופשי ומושרה).



(2) דרך שניה לחשב קיבול וחיבור קבלים

קבל לוחות מורכב משני לוחות מלבניים בעלי

אורך b ורוחב a . המרחק בין הלוחות הוא d .

לתוך הקבל מכניסים חומר דיאלקטרי

הממלא את כל החלל בין הלוחות עד

למרחק x מקצה הלוחות. הקבוע הדיאלקטרי של החומר נתון ϵ_r .

א. מצא את הקיבול של הקבל כתלות ב- x .

ב. מחברים את הקבל למקור מתח V , מה תהיה התפלגות המטען החופשי

על הלוחות? ומהי צפיפות המטען המושרה בחומר?

(3) קבל לוחות עם חומר דיאלקטרי התלוי בגובה

קבל לוחות טעון בצפיפות מטען $\pm\sigma$.

שטח הלוחות הוא A והמרחק בין הלוחות

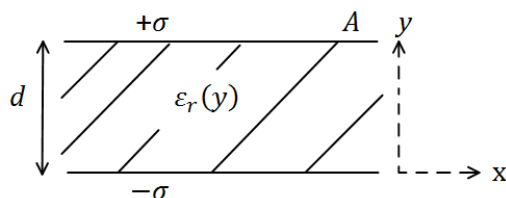
הוא d . בין הלוחות ישנו חומר דיאלקטרי

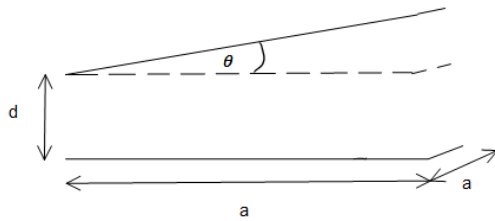
בעל מקדם דיאלקטרי המשתנה עם המרחק

בין הלוחות: $\epsilon_r(y) = 1 + \left(\frac{y}{d}\right)^2$,

כאשר הלוח התחתון נמצא ב- $y = 0$.

מצא את הקיבול של הקבל.





(4) קבל לוחות בזווית

נתון קבל לוחות בעל שטח A ומטען Q .
 אורך כל צלע בלוחות הקבל הינה a .
 עקב טעות בייצור נוצרה זווית θ קטנה
 מאוד בין הלוחות.

- א. חשב את קיבולו של הקבל כפונקציה של θ .
 ב. מחברים את הקבל למקור מתח V , מצא את התפלגות המטען
 המשטחית על לוחות הקבל.

תשובות סופיות:

$$(1) \quad C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln \frac{b}{a}} \quad \text{א.} \quad C = \frac{Q}{V} \quad \text{ב.} \quad \sigma_1 = \frac{Q}{2\pi bc} \left(1 - \frac{1}{k_2} \right) \quad \text{ג.}$$

$$(2) \quad C_T = \frac{\epsilon_0 a}{d} (x + \epsilon_r (b - x)) \quad \text{א.}$$

$$\text{ב.} \quad q_1 = \frac{\epsilon_0 a x V_0}{d}, \quad q_2 = \frac{\epsilon_0 a (b - x) V_0 \epsilon_r}{d} E, \quad \sigma_1 = \frac{\epsilon_0 V_0}{d}, \quad \sigma_2 = \frac{\epsilon_0 V_0 \epsilon_r}{d}$$

$$(3) \quad \frac{\pi d}{4\epsilon_0 A}$$

$$(4) \quad \sigma_{(x)} = \frac{\epsilon_0 V_0}{d + x \tan \theta} \quad \text{ב.} \quad \frac{\epsilon_0 a}{\theta} \ln \left(1 + \frac{a}{b} \theta \right) \quad \text{א.}$$

אנרגיה האגורה בקבל וכוח על חומר דיאלקטרי:

שאלות:

(1) מתג מתחלף



במעגל הבא מחברים ב- $t = 0$ את המפסק המתחלף לנקודה A. ב- $t = 0.01$ מעבירים את המפסק לנקודה B.

- רשום את המתח על הקבל כתלות בזמן.
- מה המטען על הקבל ב- $t = 0.02$.
- רשום שוב את הזרם כתלות בזמן.
- צייר גרפים עבור המתח והזרם כתלות בזמן.

(2) טעינה של שני קבלים



- במעגל הבא סוגרים את המפסק ב- $t = 0$.
- מהו הזמן האופייני במעגל?
- מצא את המתח והמטען בכל קבל בזמנים: 0.8sec , $t = 0.2\text{sec}$.

(3) קבלים בהתחלה ובסוף



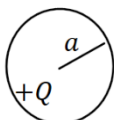
- במעגל הבא הקיבול של הקבלים זהה ושווה ל-C התנגדות הנגדים זהה ושווה ל-R ומתח הסוללה הוא V.
- הקבלים אינם טעונים כאשר המפסק פתוח.
- מצאו את הזרם בסוללה ברגע סגירת המתג.
- מצאו את הזרם בסוללה והמתח על כל קבל לאחר זמן רב.
- מהו המטען על כל קבל לאחר זמן רב?

**(4) מטען על קבל במקביל לפי הזמן**

במעגל הבא סוגרים את המפסק ב- $t = 0$
 כאשר הקבל אינו טעון.
 מצא את המטען על הקבל והזרם בכל נגד
 כפונקציה של הזמן.
 נתון: V, R_1, R_2, C .

**(5) פריקה בין שני קבלים**

במעגל הבא הקבל C_1 טעון במטען Q_0 לפני
 סגירת המתג s לנקודה a .
 א. רשום את המשוואה ממנה ניתן לקבל
 את המטען על הקבל C_1 כתלות בזמן.
 ב. פתור את המשוואה ומצא את המטען
 על כל קבל כתלות בזמן.
 ג. מהם הזרמים בשני הנגדים כתלות בזמן?

**(6) קבל של שני כדורים**

שני כדורים בעלי רדיוסים a ו- b מרוחקים
 מאוד זה מזה.
 טוענים את הכדורים במטענים $+Q$ ו- $-Q$
 בהתאמה.



א. חשב את האנרגיה האלקטרוסטטית
 הכוללת של המערכת.

ב. חשב את הקיבול של המערכת דרך
 התוצאה שקיבלת עבור האנרגיה.

ג. אם מחברים את הכדורים בחוט ארוך מאוד עם התנגדות כוללת R ,
 מה זמן הפריקה האופייני של המערכת?

תשובות סופיות:

$$V_C(t) = \begin{cases} 10 \left(1 - e^{-\frac{t}{0.05}} \right) & 0 < t < 0.01 \\ 8.65 \cdot e^{-\frac{t-0.01}{0.0025}} & 0.1 < t \end{cases} \quad \text{א. (1)}$$

ב. $q_0(t=0.02) \approx 7.92 \cdot 10^{-6} \text{ C}$

$$I(t) = \begin{cases} \frac{10}{100} \cdot e^{-\frac{t}{0.005}} & 0 < t < 0.01 \\ \frac{8.65}{50} \cdot e^{-\frac{t-0.01}{0.0025}} & 0.1 < t \end{cases} \quad \text{ג.}$$

ד. ראה סרטון

$$V_1 = V_2 = 10\text{V}, q_1 = 3 \cdot 10^{-3} \text{ C}, q_2 = 7 \cdot 10^{-3} \text{ C} : 0.8\text{sec} \quad \text{א. (2)}$$

$$V_1 = V_2 \approx 8.65\text{V}, q_1 = 2.6 \cdot 10^{-3} \text{ C}, q_2 = 6.01 \cdot 10^{-3} \text{ C} : 0.2\text{sec}$$

$$\frac{V}{2} : \text{מתח קבלים}, \frac{V}{2R} : \text{זרם סוללה} \quad \text{א. (3)}$$

$$\frac{CV}{2} : \text{מטען קבלים}$$

$$q(t) = \frac{VR_1 \cdot C}{R_2 + R_1} \left(1 - e^{-\frac{R_2 + R_1}{R_1 C R_2} t} \right) \quad \text{א. (4)}$$

$$q_1(t) = (\tau \cdot A - Q_0) e^{-\frac{t}{\tau}}, \quad \frac{C_1 + C_2}{2RC_1C_2} \cdot q_1 + q_1 - \frac{Q_0}{2RC_2} = 0 \quad \text{א. (5)}$$

$$I = \left(\frac{Q_0}{\tau} - A \right) e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ג.} \quad q_2(t) = (-\tau \cdot A + Q_0) \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

$$\tau = RC = \frac{Rab}{K(a+b)} \quad \text{ג.} \quad C = \frac{a \cdot b}{K(a+b)} \quad \text{ב.} \quad U = \frac{KQ^2}{2} \left(\frac{b+a}{a \cdot b} \right) \quad \text{א. (6)}$$